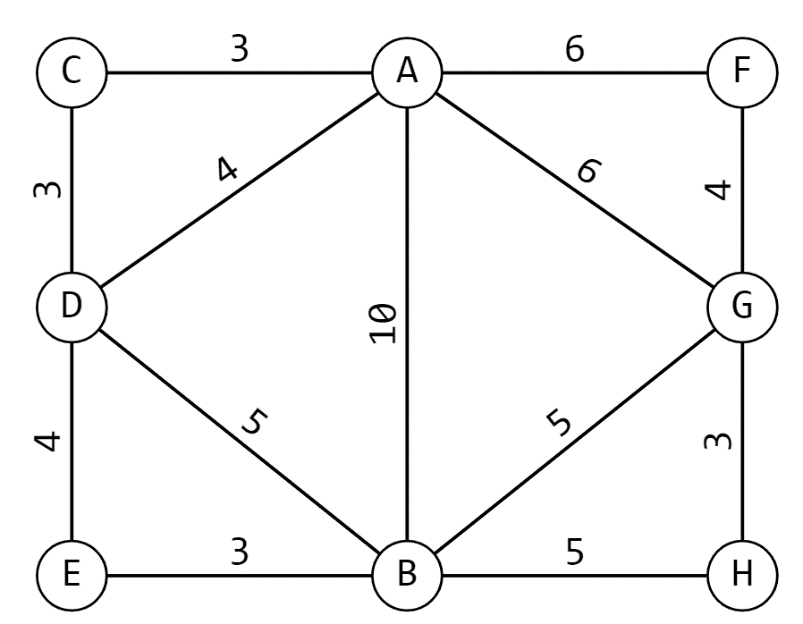
|  |
| --- |
| МОСКОВСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  ТЕХНОЛОГИЯ. НАПРАВЛЕНИЕ «РОБОТОТЕХНИКА» 2022–2023 уч. г. ОЧНЫЙ ЭТАП.  5–6 КЛАССЫ  Теоретический тур |

*Уважаемые участники! Приведите подробное решение представленных задач. При расчётах примите π ≈ 3,14. Для получения более точного ответа округление стоит производить только при получении финального результата.*

*Желаем вам удачи!*

№ 1 (10 баллов)

На робототехнический полигон нанесена следующая разметка (*см. схему*). По регламенту робот должен, стартовав в вершине А, проехать по всем отрезкам хотя бы по одному разу и финишировать в вершине А, затратив на это как можно меньше времени.



*Схема*

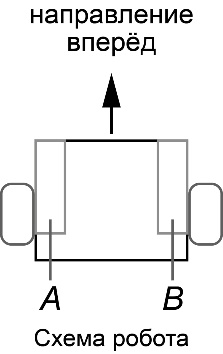
Робот может двигаться только по чёрным линиям, менять направление движения робот может только в вершинах. Числами на схеме обозначено время в секундах, которое потребуется роботу, чтобы проехать по данному отрезку.

Какое наименьшее время в секундах потребуется роботу на то, чтобы проехать по всем линиям хотя бы по одному разу и вернуться в вершину А? Для простоты считайте, что разворот в вершинах происходит мгновенно.

№ 2 (10 баллов)

Робот-чертёжник движется по ровной горизонтальной поверхности и наносит на неё изображение при помощи кисти, закреплённой посередине между колёс. Из-за крепления кисти робот не может ехать назад. Все повороты робот должен совершать на месте, вращая колёса с одинаковой скоростью в противоположных направлениях.

Робот оснащён двумя отдельно управляемыми колёсами, расстояние между центрами колёс составляет 25 см, радиус каждого из колёс равен 5 см. Левым колесом управляет мотор А, правым колесом управляет мотор В (см. *схему робота*).



Робот должен, не отрывая кисти от поверхности, начертить выпуклый семиугольник ABCDEFG. Известно, что угол А больше угла В на 10°, угол В меньше угла С в 3 раза, угол С меньше угла D на 10°, угол E меньше угла D на 20°, угол F больше угла E на 15°, а угол G на 55° меньше угла F.

Определите минимальный суммарный угол поворота робота после завершения изображения семиугольника, если градусная мера угла G равна 115°.

*Справочная информация:*

*Под суммарным углом поворота понимается сумма величин углов поворотов, при этом направление поворотов робота не учитывается.*

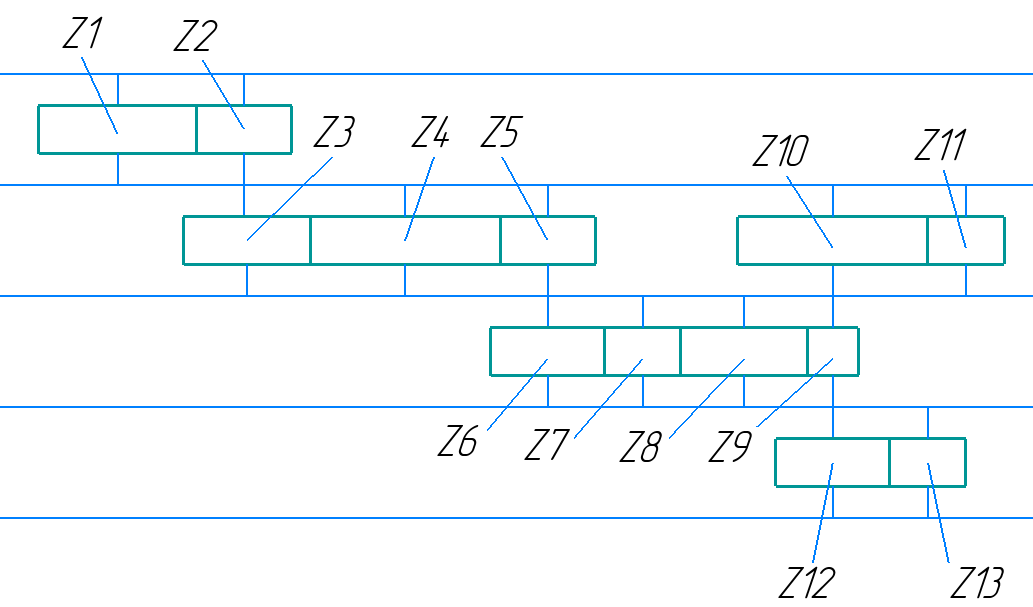
*Сумму углов выпуклого n-угольника можно определить по формуле:*

№ 3 (10 баллов)

На робототехническом полигоне отлаживают четырёх роботов – «Альфа», «Бета», «Гамма» и «Дельта». Известно, что у каждого из них не меньше чем 2 колеса и не больше чем 4 колеса. Также известно, что на роботах «Альфа» и «Бета» установлено одинаковое число колёс. У робота «Гамма» колёс больше, чем у робота «Дельта», а у робота «Бета» колёс меньше, чем на роботе «Гамма». Также известно, что у робота «Альфа» колёс меньше, чем у робота «Дельта». Определите, сколько колёс установлено на каждом из роботов. Ответ дайте в форме: название робота – число колёс.

№ 4 (10 баллов)

Из шестерёнок собрали многоступенчатую передачу (*см. схему*).



*Схема*

Параметры передачи можно посмотреть в таблице.

|  |  |
| --- | --- |
| Обозначение на схеме | Число зубьев (для зубчатых колёс) |
| z1 | 50 |
| z2 | 30 |
| z3 | 40 |
| z4 | 60 |
| z5 | 30 |
| z6 | 36 |
| z7 | 24 |
| z8 | 40 |
| z9 | 16 |
| z10 | 60 |
| z11 | 24 |
| z12 | 36 |
| z13 | 24 |

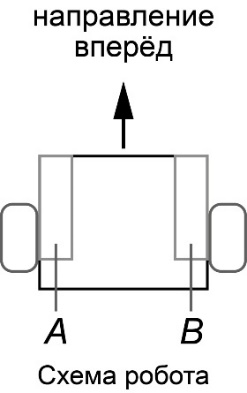
*Таблица*

К оси, на которой находится шестерня z5, подсоединили электрический мотор, на ось, на которой находится шестерня z13 надели стрелку, так что в начальный момент времени стрелка направлена вертикально. Если включить мотор, то стрелка начнёт поворачиваться вместе с осью, на которую она насажена.

Мотор включили, и он совершает 1 оборот в секунду. Определите, сколько оборотов сделает стрелка за 2 минуты. Ответ дайте в оборотах, округлив при необходимости результат до целых.

№ 5 (20 баллов)

Робот оснащён двумя отдельно управляемыми колёсами, радиус каждого из колёс робота равен 5 см. Левым колесом управляет мотор А, правым колесом управляет мотор В. Колёса напрямую подсоединены к моторам (*см. схему робота*). **Маркер закреплён** **у центра колеса А**. Ширина колеи робота равна 20 см. Моторы на роботе установлены так, что если обе оси повернутся на 10°, то робот проедет прямо вперёд.



Робот начертил кривую, выполнив следующую программу:

*Начало*

*Мотор А 1440° и Мотор B 1440°*

*Повторить (3 раза)*

*{*

*Мотор А 0° и Мотор B –360°*

*Мотор А 720° и Мотор B 720°*

*}*

*Мотор А 720° и Мотор B 720°*

*Конец*

А) (10 баллов) Определите, какой длины кривую начертил робот. Ответ дайте в сантиметрах, приведя результат с точностью до целых. Примите π ≈ 3,14.

Б) (10 баллов) Начертите кривую, которая получилась после выполнения роботом программы. При изображении сохраните пропорции кривой.